

непрерывных наблюдаемых нестационарных знакопостоянных функций действительного скалярного нерелятивистского переменного t предлагается таким аналитическим выражением:

$$pV\rho v\eta - \int V\rho v\eta\omega dt p + \mu V\rho qV\rho t_0 = \mu V\rho qV\rho t.$$

О п р е д е л е н и е. Общий аналитический нерелятивистский вариант ускоряемого движения искомого материального объекта постоянной измеряемой массы m в гравитационном поле притягивающего естественного объекта – планеты постоянной массы $M - km = 0$ предлагается таким:

$$\frac{dmv}{dt} = \frac{dctgt}{dt} \sin t \sin tV\Omega \times \rho v + \mu m k m r^{-1}.$$

П р е д л о ж е н и е. Возможные аналитические условия установления детерминированного динамического состояния вырабатывать при выполнении неравенства такого вида:

$$\begin{aligned} & 2\mu m k m \frac{\partial}{\partial t} \frac{1}{2} T^{-1} \left(-3\mu m k m \frac{\partial}{\partial t} \frac{1}{2} T^{-1} \cdot \mu m k m \frac{\partial}{\partial t} \frac{1}{2} T^{-1} - \Omega_2^2 - \Omega_3^{-2} - \Omega_3^2 \right) + \\ & + \mu m k m \frac{\partial}{\partial t} \frac{1}{2} T^{-1} \left(-3\mu m k m \frac{\partial}{\partial t} \frac{1}{2} T^{-1} \cdot \mu m k m \frac{\partial}{\partial t} \frac{1}{2} T^{-1} - \Omega_2^2 - \Omega_3^{-2} - \Omega_3^2 \right) > \\ & > - \left(\mu m k m \frac{\partial}{\partial t} \frac{1}{2} T^{-1} \right)^3 - \Omega_2 \mu m k m \frac{\partial}{\partial t} \frac{1}{2} T^{-1} \Omega_2 - \Omega_3^{-2} \mu m k m \frac{\partial}{\partial t} \frac{1}{2} T^{-1} - \Omega_3^2 \mu m k m \frac{\partial}{\partial t} \frac{1}{2} T^{-1}. \end{aligned}$$

Котов Петр Алексеевич
Воронежская государственная
технологическая академия
Россия, Воронеж

Поступила в редакцию 12 марта 2007 г.

ОБ ЭКВИВАЛЕНТНОСТИ ε -КОЭРЦИТИВНЫХ ЛИНЕЙНЫХ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ ОПЕРАТОРОВ В НЕКОТОРЫХ ФУНКЦИОНАЛЬНЫХ ПРОСТРАНСТВАХ ¹

© Т. Б. Кузнецова, В. М. Тюрин

Пусть X — банахово пространство; $EndX$ — пространство линейных ограниченных операторов $A : X \rightarrow X$; $C = C(R^n, X)$ — пространство непрерывных ограниченных функций $u : R^n \rightarrow X$ с \sup -нормой $\|u\|_c$, $\|\cdot\|$ в X ; $L^p = L^p(R^n, X)$ — лебегово пространство

¹Работа выполнена при поддержке РФФИ (проект №67-01-00131).

($1 < p < \infty$) измеримых (по Бохнеру) функций $u : R^n \rightarrow X$ с обычной нормой; $W^m(L^p)$ — пространство Соболева функций $u : R^n \rightarrow X$, ($m = 2, 3, \dots$); $M^p = M^p(R^n, X)$ — пространство Степанова сильно измеримых функций $u : R^n \rightarrow X$, в которых норма определяется формулой $\|u\|_{M^p} = \sup_{x \in R^n} (\int_{K(x)} \|u(x)\|^p dx)^{1/p} < \infty$, где $K(x)$ — единичный куб в R^n с центром в точке $x \in R^n$; $W^m(M^p)$ — пространство Соболева-Степанова, при этом

$$\|u\|_{W^m(M^p)} = \sum_{|\alpha| \leq m} \|D^\alpha u\|_{M^p} < \infty,$$

$$|\alpha| = \alpha_1 + \dots + \alpha_n, \quad \alpha = (\alpha_1, \dots, \alpha_n), \quad \alpha_j \in 0 \cup N, \quad D^\alpha = \frac{\partial^{|\alpha|}}{\partial x_1^{\alpha_1} \dots \partial x_n^{\alpha_n}};$$

$$F = \{L^p, M^p\}, \quad W^m(F) = \{W^m(L^p), W^m(M^p)\}.$$

Дифференциальное выражение $P = \sum_{|\alpha| \leq m} A_\alpha(x) D^\alpha$ ($A_\alpha \in C(R^n, \text{End} X)$) определяет линейный оператор $P : W^m(F) \rightarrow F$, действующий по формуле

$$Pu = \sum_{|\alpha| \leq m} A_\alpha(x) D^\alpha u(x).$$

Оператор $P : W^m(F) \rightarrow F$ называется ε -коэрцитивным, если для любого $\varepsilon > 0$ найдется постоянная $K(\varepsilon) > 0$ такая, что

$$\|u\|_{W^m(F)} \leq \varepsilon \|Pu\|_F + K(\varepsilon) \|u\|_F$$

для любой функции $u \in W^m(F)$.

Т е о р е м а. *Операторы $P : W^m(L^p) \rightarrow L^p$ и $P : W^m(M^p) \rightarrow M^p$ ε -коэрцитивны одновременно.*

Рассматриваются приложения приведенной теоремы.

Тюрин Василий Михайлович
Липецкий государственный
технический ун-т
Россия, Липецк
e-mail: tuvmm@stu.lipetsk.ru

Поступила в редакцию 25 апреля 2007 г.